|  |  |
| --- | --- |
| L3 – środa 13:30 | |
| Aleksander Kamiński | 155840 |
| Olaf Hofman | 155974 |

Obraz zawierający tekst, zegar

Opis wygenerowany automatycznie

Zadanie 4 – Algorytmy z powracaniem

## Wprowadzenie

Celem sprawozdania jest analiza problemów poszukiwania cyklu Eulera oraz cyklu Hamiltona, klasyfikacja problemów, wyznaczenie algorytmów je rozwiązujących oraz ich złożoności obliczeniowej, zbadanie wpływu gęstości grafu na czas działania.

Wnioski przedstawiono na podstawie przeprowadzonych pomiarów czasu wyszukiwania jednego cyklu Eulera, jednego cyklu Hamiltona oraz znajdowania wszystkich cyklów Hamiltona w grafie. Wyniki doświadczenia przedstawiono w formie tabel oraz wykresów.

Aby zbadać czas obliczeń wykorzystano program napisany w języku Python 3.10. Platforma testowa składała się z komputera z procesorem Intel Core i7-9850H oraz 32 GB RAM.

Program generuje losowy spójny nieskierowany graf cykliczny z określoną liczbą wierzchołków oraz gęstością (prawdopodobieństwo istnienia krawędzi między każdymi dwoma wierzchołkami), reprezentowany przez macierz sąsiedztwa, mierzy czas wyszukiwania cyklu Eulera za pomocą algorytmu opartego o DFS oraz wyszukiwania wszystkich cykli Hamiltona algorytmem z powracaniem. Implementacja wykorzystuje kilka funkcji pomocniczych, w celu zwiększenia czytelności kodu. Pomiary badania były przetwarzane w pliku Excel.

Zaimportowano biblioteki *random* (generowanie liczb losowych), *time* (mierzenie czasu) oraz *copy* (tworzenie kopii struktury grafu).

# I Przebieg doświadczenia

Przeprowadzono test dla łącznie 16 punktów pomiarowych dla liczby n należącej do zakresów odpowiednio {7, 8, 9, …, 12} oraz {13, 15, 17, …, 31}, w których wygenerowano losowo graf złożony z n wierzchołków.

W każdym punkcie pomiarowym wygenerowana została macierz sąsiedztwa przez utworzenie statycznej tablicy dwuwymiarowej n na n. Nie jest to rozwiązanie optymalne czasowo, jeśli chodzi o wyszukiwanie cykli w celu ich znalezienia w dużych grafach, ale jest wystarczające dla pomiarów czasu, a zapewnia stosunkowo łatwą implementację i przejrzystość debugowania. Po utworzeniu wszystkie komórki i,j (i,j należą do zbioru [0, 1, 2, …, n]) zawierają wartość 0 (oznaczającą brak krawędzi). Następnie macierz jest trawersowana po wierszach i kolumnach i dla każdej zawierającej 0 komórki generowana jest losowa liczba należąca do przedziału [0, 1], która jest porównywana z wartością gęstości (odpowiednio 0,2 albo 0,6) i jeśli wygenerowana liczba jest mniejsza lub równa względem gęstości, to wartość komórek i,j oraz j,i jest zmieniana na 1 (oznaczające istnienie krawędzi). Aby upewnić się, że graf jest Eulerowski, trzeba sprawić, by wszystkie wierzchołki miały stopień parzysty. Wykorzystujemy właściwość grafu nieskierowanego taką, że suma stopni wierzchołków jest liczbą parzystą. Oznacza to, że jeśli istnieje jakikolwiek wierzchołek o stopniu nieparzystym, to istnieje co najmniej jeden inny taki wierzchołek (suma liczb nieparzystych jest liczbą parzystą). W związku z tym znajdowane są wszystkie wierzchołki o stopniu nieparzystym, a następnie ich lista jest przeglądana w poszukiwaniu na przemian pary, która ma wspólną krawędź, a następnie takiej, która jej nie ma. W pierwszym przypadku wspólna krawędź jest usuwana, a w drugim dopisywana. Dzięki temu, że odbywa się to naprzemiennie, zmiana w liczbie krawędzi, a zatem również w gęstości grafu jest minimalna.

W pierwszych sześciu punktach pomiarowych został zmierzony czas wykonania sprawdzenia czy w grafie istnieje cykl Eulera, sprawdzenia czy w grafie istnieje cykl Hamiltona oraz znalezienia i zliczenia wszystkich cykli Hamiltona w grafie. Dla punktu pomiarowego o wartości n = 13 czas wyszukiwania wszystkich cykli Hamiltona stał się zbyt duży, więc dla punktów pomiarowych od siódmego do szesnastego (n = 13, 15, 17, …, 31) włącznie różnica między kolejnymi wartościami n została zwiększona do 2 oraz były wykonywane tylko pomiary czasu wykonania sprawdzenia czy w grafie istnieje cykl Eulera oraz sprawdzenia czy w grafie istnieje cykl Hamiltona.

# II Wyniki doświadczenia

# III Klasyfikacja problemów

# IV Poszukiwanie cyklu Eulera

# V Poszukiwanie cyklu Hamiltona